

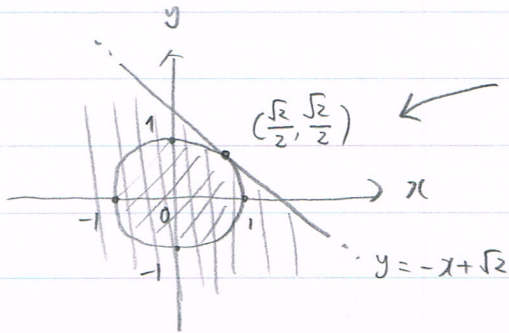
10) p100

$x^2 + y^2 \leq 1$, $x + y \leq \sqrt{2}$ の領域を

図示せよ

$$x + y \leq \sqrt{2}$$

$$y \leq -x + \sqrt{2}$$



$$y = -x + \sqrt{2} \text{ と } x^2 + y^2 = 1$$

の交点を求めよ (1) として

$$\begin{cases} y = -x + \sqrt{2} \\ x^2 + y^2 = 1 \end{cases}$$

$$x^2 + (-x + \sqrt{2})^2 = 1$$

$$x^2 + x^2 - 2\sqrt{2}x + 2 = 1$$

$$2x^2 - 2\sqrt{2}x + 1 = 0$$

$$x = \frac{2\sqrt{2} \pm \sqrt{8 - 4 \cdot 2 \cdot 1}}{2 \cdot 2}$$

$$= \frac{2\sqrt{2} \pm \sqrt{0}}{4}$$

$$= \frac{2\sqrt{2}}{4}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2}$$

よって $x^2 + y^2 \leq 1$ の領域は

$x + y \leq \sqrt{2}$ の領域に含まれる。

よって

「 $x^2 + y^2 \leq 1$ かつ $x + y \leq \sqrt{2}$ 」は

成り立つ。

$$y = -x + \sqrt{2}$$

$$= -\frac{\sqrt{2}}{2} + \sqrt{2}$$

$$= -\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{2\sqrt{2}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2}$$

よって交点 $(\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2})$ のところで、この点で接する

たまたま P ⇒ Q の証明
P ⇒ Q が真ならば P ⊂ Q が成り立つ

逆に
P ⊂ Q が成り立つとすれば P ⇒ Q は真